

Intégrales d'un G-bialgèbre de Hopf, extensions Frobenius et quasi-Frobenius

jeudi 8 juin 2023 11:20 (1 heure)

Les algèbres de Hopf généralisent les algèbres de Hopf dans le cas où la base n'est pas commutative. Cependant, leur définition est très restrictive. G. Böhm a développé une théorie des intégrales sur les algèbres de Hopf. Elle a aussi caractérisé les algèbres de Hopf qui sont des extensions Frobenius et quasi-Frobenius de leur base à l'aide de leurs intégrales. P. Schauenburg a proposé une généralisation plus faible des algèbres de Hopf dans le cas où l'algèbre de base n'est plus nécessairement commutative : les G-bialgèbres de Hopf. Pour un G-bialgèbre de Hopf H , l'antipode n'existe pas. En revanche, pour tout élément h de H , on a un élément $h_+ \otimes h_-$ qui correspond à $h_{(1)} \otimes S(h_{(2)})$. Les algèbres enveloppantes des algèbres de Lie, et en particulier les algèbres d'opérateurs différentiels, sont des G-bialgèbres de Hopf mais ne sont pas en général des algèbres de Hopf. Grâce aux travaux récents de P. Schauenburg, puis de N. Kowalzig, on sait que les duaux d'une G-bialgèbre de Hopf est une D-bialgèbre de Hopf. Nous développerons une théorie des intégrales pour les G-bialgèbres de Hopf. Parmi ces derniers, nous caractériserons ceux qui sont des extensions Frobenius ou quasi-Frobenius de leur base. Nous appliquerons notre résultat aux algèbres enveloppantes restreintes d'une algèbre de Lie Rinehart restreinte.

Orateur: CHEMLA, Sophie