

Métriques de Kähler-Einstein sur les compactifications de groupes

Thibaut Delcroix

Résumé : Wang et Zhu ont caractérisé l'existence de métriques de Kähler-Einstein sur les variétés toriques Fano en termes du barycentre du polytope associé. L'objectif de cet exposé est de présenter un résultat similaire pour les compactifications $G \times G$ -équivariantes Fano d'un groupe réductif G . Je présenterai le polytope moment associé à une telle variété et comment le barycentre de ce polytope par rapport à la mesure de Duistermaat-Heckman est lié à l'existence de métriques de Kähler-Einstein. La condition nécessaire et suffisante d'existence de métriques de Kähler-Einstein ainsi obtenue est vérifiable en pratique et donne de nouveaux exemples de variétés de Kähler-Einstein Fano (par exemple la compactification magnifique du groupe semisimple adjoint $\mathrm{PSL}(3, \mathbb{C})$).