

Un modèle de Λ -immeubles associé à un groupe réductif quasi-déployé

En 1972 et 1984, afin d'obtenir des informations (structure, simplicité, classification, représentations) d'un groupe réductif G défini sur un corps K muni d'une valuation, Bruhat et Tits ont introduit un complexe cellulaire qu'on peut étendre en une réalisation géométrique d'un espace métrique géodésique contractile (complet et $CAT(0)$), appelé immeuble.

Soit maintenant K un corps muni d'une valuation à valeurs dans un groupe abélien totalement ordonné Λ qui ne s'injecte pas nécessairement dans \mathbb{R} . Par exemple, si F est un corps et X est une variété algébrique (irréductible lisse) de dimension d , on peut définir une valuation w du corps K des fonctions rationnelles sur X à valeurs dans $\Lambda = \mathbb{Z}^d$, muni de l'ordre lexicographique, dont la complétion par rapport à la valuation w donne un corps $K = F((t_1))((t_2))\dots((t_d))$ dit d -local.

Dans cet exposé, on verra qu'il est possible d'adapter la construction de Bruhat et Tits pour un groupe réductif (quasi-déployé) défini sur un tel corps K . On esquissera alors une définition des Λ -immeubles, puis s'interrogera sur la nature combinatoire des Λ -immeubles ainsi obtenus, et sur le modèle géométrique qu'on pourra leur associer.

Orateur: LOISEL, Benoit

Classification de Session: Salle de conférence